

**Exercice 1** ( 4 points)

Soit  $a$  un réel, on pose  $E = (a^2 + 2)^2 - 4a^2$ .

- 1) Calculer :  $\frac{1}{12} E$  lorsque  $a = 1 - \sqrt{5}$
- 2) Soit  $F = \sqrt{E + 4a^2}$ . Simplifier  $F$  puis déduire  $a$  pour que  $F = 6$ .
- 3) Factoriser :  $E - 1 + a - \frac{1}{2} a^2$ .

**Exercice 2** ( 4 points )

On pose  $A = (2\sqrt{54} + \sqrt{96} - \sqrt{294} + \sqrt{150} - 2)^2$

$$B = \frac{\sqrt{3} - 2}{\sqrt{3} + 2} + 2.$$

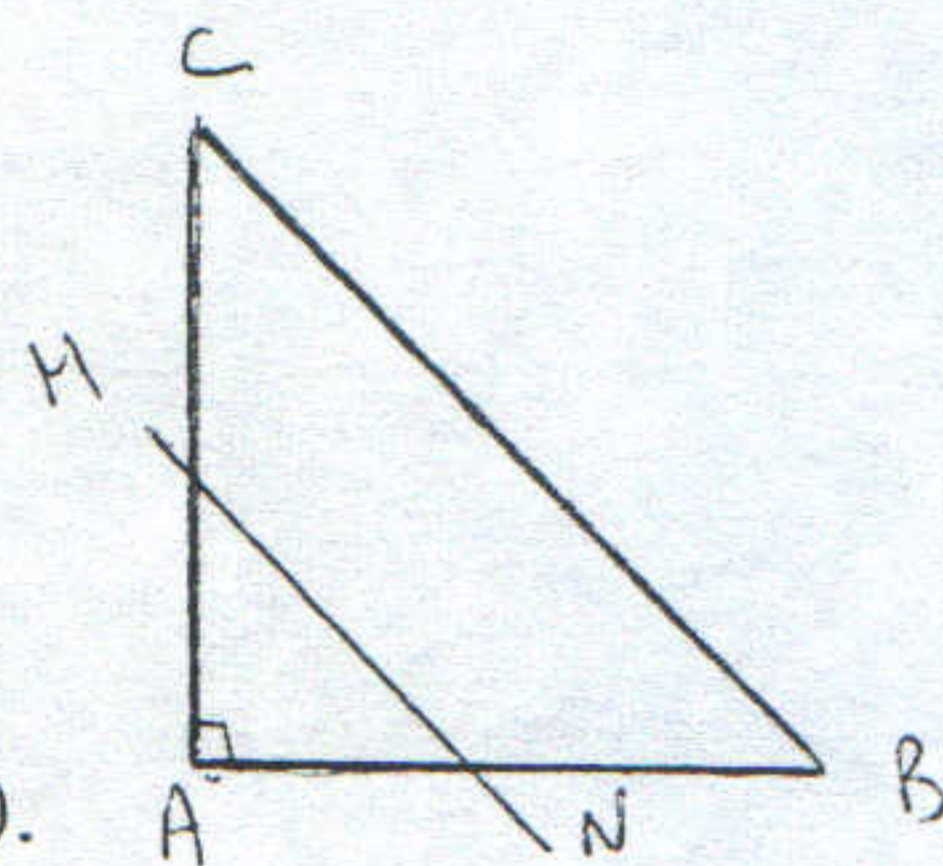
$$C = \sqrt{\frac{10^{-2} a^2}{4}} \text{ où } a \text{ est un réel strictement négatif.}$$

- 1) Simplifier  $A$ .
- 2) Calculer  $B$ .
- 3) Simplifier  $C$ .

**Exercice 3** ( 2 points )

Dans la figure ci-contre,  
 $ABC$  est un triangle isocèle et rectangle en  $A$ ,  
tels que  $BN = MC = 3$ ,  $AN = AM = x$  et  $(MN) \parallel (BC)$ .

Déterminer  $x$  pour que le périmètre du triangle  $ABC$  soit égal à 20.



**Exercice 4** ( 10 points )

Soit un cercle  $\mathcal{C}$  de centre  $O$  et de rayon  $R = 3$  cm et un triangle  $ABC$  isocèle en  $A$  et inscrit dans le cercle  $\mathcal{C}$  et tel que  $AB = 5$  cm. Soit  $M$  un point de l'arc  $[\widehat{BC}]$  qui ne contient pas  $A$ .

- 1) Faire un dessin.
- 2) Montrer que  $\widehat{BMA} = \widehat{AMC}$ .
- 3) On désigne par  $\Delta$  la perpendiculaire à  $(AM)$  et passant par  $B$ .  $\Delta$  coupe la droite  $(MC)$  en  $N$ .
  - a/ Montrer que le triangle  $BMN$  est isocèle.
  - b/ En déduire la nature du triangle  $ABN$ .
  - c/ Sur quelle ligne fixe se déplace le point  $N$  lorsque  $M$  varie sur  $[\widehat{BC}]$ .
- 4) a/ Construire les points  $D, E$  et  $F$  tels que :  $\vec{MD} = \vec{MA} + \vec{BC}$ ,  $\vec{ME} = \vec{MB} + \vec{CA}$  et  $\vec{MF} = \vec{MC} + \vec{AB}$ .
  - b/ Comparer les vecteurs  $\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}$  et  $\vec{MD} + \vec{ME} + \vec{MF}$ .
  - c/ Donner la nature de  $ABCD$  et  $ACFB$ .
  - d/ En déduire que  $A$  est le milieu de  $[DE]$ .